Informationen zur mündlichen Prüfung
Lineare Algebra I und II 2020/21

Der Prüfungsstoff umfasst die Vorlesungen und die Übungsaufgaben.

Hier eine unvollständige Liste von Sätzen und Definitionen aus den Vorlesungen Lineare Algebra I und II:

Sätze	Théorèmes
Kapitel 1	**Chapitre 1**
Fundamentalsatz der Algebra (ohne Beweis)	théorème fondamental de l'algèbre/théorème de D'Alembert (sans démonstration)
$\mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ ist ein Körper $\iff$ m ist eine Primzahl	$\mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ est un corps $\iff$ m est un nombre prémier
Kapitel 2	**Chapitre 2**
$f : V \to W$ linear, f injektiv $\iff \ker(f) = \{0\}$	$f : V \to W$ linéaire, f injective $\iff \ker(f) = \{0\}$
Basis = minimales Erzeugendensystem = max. linear unabhängiges System	base = famille géneratrice minimale = famille libre maximal
Basisauswahlsatz 2.28	Théorème 2.28
jeder endlich dimensionale Vektorraum besitzt eine Basis	chaque espace vectoriel de dimension finie admet une base
Austauschsatz von Steinitz, Basisergänzungssatz	lemme de Steinitz, théorème de la base incomplète
Dimensionsformel für Summe von Vektorräumen	formule de Grassmann
Dimensionsformel 2.54 für Bild und Kern eines Homomorphismus $f : V \to W$	formule 2.54 pour la dimension de l'image et du noyau d'une application linéaire
$\dim V = \dim W \iff V \cong W$	$\dim V = \dim W \iff V \cong W$
$f : V \to W$ linear, $\dim V = \dim W = n$. Dann gilt: f inj. $\iff$ f surj. $\iff$ f bij.	$f : V \to W$ linéaire, $\dim V = \dim W = n$. Alors on a : f inj. $\iff$ f surj. $\iff$ f bij.
Prop. 2.58, $f : V/\ker(f) \to \mathrm{im}(f)$ Isomorphismus	Prop. 2.58, $f : V/\ker(f) \to \mathrm{im}(f)$ isomorphisme

Kapitel 3	Chapitre 3
Berechnung der Lösungsmenge des linearen Gleichungssystems $Ax = b$	calcul d'ensemble de solutions pour une système d'équationes linéaires $Ax = b$
Jede Matrix lässt sich durch elementare Zeilenoperationen in Zeilen-Stufen Form bringen	Par une suite d'opérationes élémentaires on peut transformer toute matrice en une matrice écholonée
Beschreibung der Lösungsmenge (Prop. 3.8 und Prop. 3.10)	description de l'ensemble de solutions (Prop. 3.8 und Prop. 3.10)
$M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}} : \mathrm{Hom}(V, W) \to M(m \times n, \mathbb{K})$ ist ein Isomorphismus von Vektorräumen	$M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}} : \mathrm{Hom}(V, W) \to M(m \times n, \mathbb{K})$ est un isomorphisme de espace vectoriels
$\dim \mathrm{Hom}(V, W) = m \cdot n$	$\dim \mathrm{Hom}(V, W) = m \cdot n$
$M_{\mathcal{A}}^{\mathcal{A}} : \mathrm{End}(V) \to M(n \times n, \mathbb{K})$ ist ein Isomorphismus von Ringen, $M_{\mathcal{A}\,\vert \mathrm{Aut}(V)}^{\mathcal{A}} : \mathrm{Aut}(V) \to GL_n(\mathbb{K})$ ist ein Isomorphismus von Gruppen	$M_{\mathcal{A}}^{\mathcal{A}} : \mathrm{End}(V) \to M(n \times n, \mathbb{K})$ est un isomorphisme d'anneaux, $M_{\mathcal{A}\,\vert \mathrm{Aut}(V)}^{\mathcal{A}} : \mathrm{Aut}(V) \to GL_n(\mathbb{K})$ est un isomorphisme de groupes
A invertierbar $\iff$ A^T invertierbar	A inversible $\iff$ A^T inversible
Transformationsformel für darstellende Matrizen	formule de changement de base
$\mathrm{ZR}(A) = \mathrm{SR}(A)$	$\mathrm{ZR}(A) = \mathrm{SR}(A)$
A und $\widetilde{A}$ sind äquivalent $\iff$ A und $\widetilde{A}$ haben den gleichen Rang	A et $\widetilde{A}$ sont équivalentes $\iff$ $\mathrm{rg}(A) = \mathrm{rg}(\widetilde{A})$
Eigenschaften der Determinante	propriétés du determinant
$\det A \neq 0 \Leftrightarrow A$ ist invertierbar	$\det A \neq 0 \iff A$ est inversible
$\det(A \cdot B) = \det A \cdot \det B$	$\det(A \cdot B) = \det A \cdot \det B$
$\det f$ ist wohldefiniert für einen Endomorphismus f	$\det f$ est bien défini pour un endomorphisme f
det existiert und ist eindeutig	unicité et existence du determinant
jede Permutation ist Produkt von Transpositionen	chaque permutation est un produit de transpositions
$\mathrm{sign} : S_n \to \{\pm 1\}$ ist ein Gruppenhomomorphismus	$\mathrm{sign} : S_n \to \{\pm 1\}$ est un homomorphisme de groupes

Leibniz-Formel für die Determinante	formule de Leibniz
$\det A = \det A^T$	$\det A = \det A^T$
$A^\sharp \cdot A = A \cdot A^\sharp = \det(A) \cdot E_n$, A invertierbar $\Longrightarrow A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} A^\sharp$	$A^\sharp \cdot A = A \cdot A^\sharp = \det(A) \cdot E_n$, A inversible $\Longrightarrow A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} A^\sharp$
Entwicklungssatz von Laplace	formule de Laplace
Cramersche Regel	Règle de Cramer
Kapitel 4	**Chapitre 4**
$Eig(F; \lambda_1) \cap Eig(F; \lambda_2) = \{0\}$, falls $\lambda_1 \neq \lambda_2$	$Eig(F; \lambda_1) \cap Eig(F; \lambda_2) = \{0\}$ si $\lambda_1 \neq \lambda_2$
Hat $F \in \mathrm{End}(V)$ n verschiedene Eigenwerte ($n = \dim V$), so ist F diagonalisierbar	Si $F \in \mathrm{End}(V)$ admet n valeurs propre ($n = \dim V$) deux à deux distinctes, alors F est diagonalisable
λ Eigenwert von F $\Longleftrightarrow$ $\det(F - \lambda \cdot \mathrm{id}) = 0$	λ est valeur propre de F $\Longleftrightarrow$ $\det(F - \lambda \cdot \mathrm{id}) = 0$
Nullstellen des charakteristischen Polynoms p_F sind die Eigenwerte von F	raçines de polynôme caractéristique p_F sont les valeurs propres de F
Euklidischer Algorithmus, Division mit Rest	théorème de la divison euclidienne
$p_F(t) = a_n t^n + \ldots + a_0 \Longrightarrow a_n = (-1)^n, a_{n-1} = (-1)^{n-1} \cdot \mathrm{tr}(F), a_0 = \det(F)$	$p_F(t) = a_n t^n + \ldots + a_0 \Longrightarrow a_n = (-1)^n, a_{n-1} = (-1)^{n-1} \cdot \mathrm{tr}(F), a_0 = \det(F)$
Zerlegung von komplexen Polynomen in Faktoren vom Grad 1, Zerlegung von reellen Polynomen in Faktoren vom Grad 1 oder 2	décomposition d'un polynôme complexe en produits de polynômes de degré 1 (scindé), décomposition d'un polynôme réel en produits de polynômes de degré 1 ou 2
λ Eigenwert von $F \in \mathrm{End}(V)$ $\Longrightarrow 1 \leq \dim(Eig(F; \lambda)) \leq \mu(p_F; \lambda)$	λ valeur propre de $F \in \mathrm{End}(V)$ $\Longrightarrow 1 \leq \dim(Eig(F; \lambda)) \leq \mu(p_F; \lambda)$
$F \in \mathrm{End}(V)$ diagonalisierbar $\Leftrightarrow$ V ist direkte Summe der Eigenräume $\Leftrightarrow$ p_F zerfällt in Linearfaktoren und $\dim(Eig(F; \lambda)) = \mu(p_F; \lambda)$ für alle λ	$F \in \mathrm{End}(V)$ diagonalisable $\Longleftrightarrow$ V est la somme directe des espaces propres $\Longleftrightarrow$ p_F est scindé et $\dim(Eig(F; \lambda)) = \mu(p_F; \lambda)$ pour tous λ

Lösen von Rekursionsgleichungen und Systemen linearer Differentialgleichungen	résolution d'une système de suites récurrentes et d'une système différentiel linéaire
Eigenräume kommutierender Endomorphismen F und G ($F \circ G = G \circ F$)	espaces propres de deux endomorphismes F et G qui commutent ($F \circ G = G \circ F$)
F trigonalisierbar $\iff$ es gibt eine F-invariante Fahne $\iff$ p_F zerfällt in Linearfaktoren	F trigonalisable $\iff$ il existe un drapeau stable par F $\iff$ p_F est scindé
jeder Endomorphismus eines komplexen Vektorraums ist trigonalisierbar	tout endomorphisme d'un espace vectoriel complexe est trigonalisable
gedämpfte Schwingung	ocillateur amorti
Satz von Cayley-Hamilton	théorème de Cayley-Hamilton
F Endomorphismus eines reellen Vektorraumes V $\Longrightarrow$ es gibt einen F- invarianten Untervektorraum W der Dimension 1 oder 2	F endomorphisme d'un espace vectoriel réel V $\Longrightarrow$ il existe un sous-espace de dimension 1 ou 2 qui est stable par F
M_F teilt p_F und p_F teilt $(M_F)^n$ (n ist die Dimension des Vektorraums)	M_F divise p_F und p_F divise $(M_F)^n$ (n est la dimension de l'espace vectoriel)
Für F ein Eindomorphismus eines n-dimensionalen $\mathbb{K}$-Vektorraumes gilt: F nilpotent $\iff$ $p_F(t) = (-1)^n t^n$ $\iff$ $F^d = 0$ für ein $d \leq n$ $\iff$ F ist durch eine obere Dreicksmatrix mit Nullen in der Diagonalen darstellbar	Pour F un endomorphisme d'un espace vectoriel de dimension n on a: F nilpotent $\iff$ $p_F(t) = (-1)^n t^n$ $\iff$ il existe $d \leq n$ t.q. $F^d = 0$ $\iff$ F est représenté par une matrice triangulaire supérieure avec des coefficients nuls sur la diagonale
Jordan-Normalform 4.64 für nilpotente Endomorphismen	réduction de Jordan 4.64 pour l'endomorphisme nilpotent
p_F zerfällt in Linearfaktoren $\Longrightarrow$ V ist direkte Summe der verallgemeinerten Eigenräume	p_F scindé $\Longrightarrow$ V est la somme directe des espaces caractéristiques
Theorem über die Jordan-Normalform	théorème de la réduction de Jordan
F diagonalisierbar $\iff$ $M_F = (t - \lambda_1) \cdot \ldots \cdot (t - \lambda_k)$	F diagonalisable $\iff$ $M_F = (t - \lambda_1) \cdot \ldots \cdot (t - \lambda_k)$
Zerlegung von Dunford: $A = D + N$, D diag., N nilpot. und $DN = ND$	décomposition de Dunford: $A = D + N$, D diag., N nilpot. et $DN = ND$

Kapitel 5	**Chapitre 5**
Cauchy-Schwarz Ungleichung (CSU) für euklidische und unitäre Vektorräume, Dreiecksungleichung	inégalité de Cauchy-Schwarz pour les espaces euclidiens ou hermitiens, inégalité triangulaire
Gram-Schmidt Verfahren	procédé d'orthonormalisation de Gram-Schmidt
jeder endlich dim. euklidische oder unitäre Vektorraum besitzt eine Orthonormalbasis (ONB)	tout espace euclidien ou hermitien de dimension finie admet une bases orthonormée (BON)
F orthogonaler oder unitärer Endomorphismus, λ Eigenwert von $F \implies \lvert\lambda\rvert = 1$	F un endomorphisme orthogonal ou unitaire, λ une valeur propre de $F \implies \lvert\lambda\rvert = 1$
ein orthogonaler oder unitärer Endomorphismus F erhält die Norm, ein orthogonaler Endomorphismus F erhält den Winkel	un endomorphisme orthogonal ou unitaire préserve la norme, un endomorphisme orthogonal préserve l'angle
ein normerhaltender Endomorphismus auf einem euklidischen bzw. unitären Vektorraum ist orthogonal bzw. unitär	un endomorphisme d'un espace euclidien (resp. hermitien) qui préserve la norme est orthogonal (resp. hermitien)
die orthogonalen bzw. unitären Endomorphismen auf einem euklidischen bzw. unitären Vektorraum bilden eine Gruppe	les endomorphismes euclidiens (resp. unitaires) d'un espace euclidien (resp. hermitien) forment un group
$A \in O(n) \iff A^{-1} = A^T$, $A \in U(n) \iff A^{-1} = \bar{A}^T$	$A \in O(n) \iff A^{-1} = A^T$, $A \in U(n) \iff A^{-1} = \bar{A}^T$
$A \in O(n)$ oder $A \in U(n) \implies \lvert \det A \rvert = 1$	$A \in O(n)$ ou $A \in U(n) \implies \lvert \det A \rvert = 1$
Beschreibung von $SO(2)$ und von $O(2) \setminus SO(2)$	description de $SO(2)$ et de $O(2) \setminus SO(2)$
Satz vom Fussball (Klassifikation der orthogonalen Abbildungen auf $\mathbb{R}^3$)	théorème de football (classification des endomorphismes orthogonaux en dimension 3)
ein unitärer Endomorphismus kann bzgl. einer ONB diagonalisiert werden	un endomorphisme unitaire est diagonalisable par rapport à une BON
zu $A \in U(n)$ gibt es $S \in U(n)$ mit $\bar{S}^T A S$ diagonal	pour $A \in U(n)$ il existe $S \in U(n)$ t.q. $\bar{S}^T A S$ est diagonale

entsprechende Aussage für orthogonale Endomorphismen (Thm. 5.36 und Kor. 5.37)	l'assertion correspondant pour des endomorphismes orthogonaux (Thm. 5.36 et Cor. 5.37)
ein selbstadjungierter Endomorphismus wird bzgl. einer ONB durch eine symmetrische oder hermitesche Matrizen dargestellt	un endomorphisme autoadjoint est représenté par une matrice symétrique ou hermitienne par rapport à une BON
ein selbstadjungierter Endomorphismus kann bzgl. einer ONB diagonalisiert werden und alle Eigenwerte sind reell	un endomorphisme autoadjoint est diagonalisable par rapport à une BON et tout valeurs propres sont réelles
Transformationsformel für eine Bilinearform unter Basiswechsel	formule de transformation pour la forme bilinéaire sur un changement de base
Hauptachsentransformation	transformation aux axes principaux
Polarisation	identité de polarisation
quadratische Formen ohne gemischte Terme	réduction des formes quadratiques
A positiv definit $\Longleftrightarrow$ Eigenwerte positiv	A définie positive $\Longleftrightarrow$ valeurs propres strictement positives
Trägheitssatz von Sylvester	loi d'inertie de Sylvester
Klassifikation der Kegelschnitte	classification des coniques
Kapitel 6	**Chapitre 6**
$(v_1^*, \ldots, v_n^*)$ ist eine Basis von V^*.	$(v_1^*, \ldots, v_n^*)$ est une base de V^*
$\dim U^0 = \dim V - \dim U$	$\dim U^0 = \dim V - \dim U$
$\mathrm{Hom}(V,W) \to \mathrm{Hom}(W^*,V^*)$, $F \mapsto F^*$, ist ein Homomorphismus (und ein Isomorphismus falls $\dim V < \infty$, $\dim W < \infty$)	$\mathrm{Hom}(V,W) \to \mathrm{Hom}(W^*,V^*)$, $F \mapsto F^*$, est un homomorphisme (et un isomorphisme si $\dim V < \infty$, $\dim W < \infty$)
A beschreibt $F : V \to W$ bzgl. Basen von V und W $\Longrightarrow$ A^T beschreibt $F^* : W^* \to V^*$ bzgl. der dualen Basen	$F : V \to W$ est représenté par A par rapport aux bases de V et W $\Longrightarrow$ $F^* : W^* \to V^*$ est représenté par A^T par rapport aux bases duales

$F : V \to W$, $\dim V < \infty$, $\dim W < \infty \implies \mathrm{im}(F^*) = \ker(F)^0$, $\ker(F^*) = \mathrm{im}(F)^0$

$F : V \to W$, $\dim V < \infty$, $\dim W < \infty \implies \mathrm{im}(F^*) = \ker(F)^0$, $\ker(F^*) = \mathrm{im}(F)^0$

$\mathrm{rg}(F) = \mathrm{rg}(F^*)$, $\mathrm{ZR}(A) = \mathrm{SR}(A)$

$\mathrm{rg}(F) = \mathrm{rg}(F^*)$, $\mathrm{ZR}(A) = \mathrm{SR}(A)$

$\dim V < \infty \implies$ der kanonische Homomorphismus $\iota : V \to V^{**}$ ist ein Isomorphismus

$\dim V < \infty \implies$ l'homomorphisme canonique $\iota : V \to V^{**}$ est un isomorphisme

F^{**} entspricht F (Prop. 6.20)

F^{**} correspond à F (Prop. 6.20)

$\langle F(v), w\rangle = \langle v, F^{\mathrm{ad}}(w)\rangle$

$\langle F(v), w\rangle = \langle v, F^{\mathrm{ad}}(w)\rangle$

$\mathrm{im}(F^{\mathrm{ad}}) = (\ker(F))^{\perp}$, $\ker(F^{\mathrm{ad}}) = (\mathrm{im}(F))^{\perp}$

$\mathrm{im}(F^{\mathrm{ad}}) = (\ker(F))^{\perp}$, $\ker(F^{\mathrm{ad}}) = (\mathrm{im}(F))^{\perp}$

F selbstadjungiert oder unitär $\implies F$ normal

F autoadjoint ou unitaire $\implies F$ normal

$F : V \to V$ normal $\iff$ es gibt eine ONB von Eigenvektoren von F

$F : V \to V$ normal $\iff$ il existe une BON de vecteurs propres de F

$A \in M(n \times n, \mathbb{C})$ normal $\iff \exists\, S \in U(n)$ mit $S \cdot A \cdot S^{-1}$ diagonal

$A \in M(n \times n, \mathbb{C})$ normale $\iff \exists\, S \in U(n)$ t.q. $S \cdot A \cdot S^{-1}$ est diagonale.

Abschnitte 7.1-7.2

Sections 7.1-7.2

Universelle Eigenschaft für das Tensorprodukt (Prop. 7.2)

propriété universelle du produit tensoriel (Prop. 7.2)

Tensorprodukt $V \otimes W$ bis auf Isomorphie unabhängig von der Wahl der Basen

sauf isomorphisme le produit tensoriel $V \otimes W$ ne dépend pas du choix des bases

$\dim V \otimes W$

$\dim V \otimes W$

Universelle Eigenschaft für das äussere Produkt (Thm. 7.9)

propriété universelle du produit exterieur (Thm. 7.9)

$\dim V \wedge V$

$\dim V \wedge V$

Universelle Eigenschaft für das sym. Produkt (Thm. 7.12)

propriété universelle du produit symétrique (Thm. 7.12)

$\dim S^2(V)$

$\dim S^2(V)$

$\mathrm{Bil}(V, W; \mathbb{K}) \cong (V \otimes W)^*$, $\mathrm{Alt}^2(V; \mathbb{K}) \cong (V \wedge V)^*$

$\mathrm{Bil}(V, W; \mathbb{K}) \cong (V \otimes W)^*$, $\mathrm{Alt}^2(V; \mathbb{K}) \cong (V \wedge V)^*$

Abschnitt 7.3 (äussere Algebra) wird nicht geprüft.

La section 7.3 (Algèbre extérieur) n'est pas examinée.

## Definitionen	## Définitions
### Kapitel 1	### Chapitre 1
Mengen (Teilmenge, Vereinigung, Durchschnitt, Differenzmenge, Kartesisches Produkt)	ensembles (sous-ensemble, union, intersection, différence, produit cartésien)
Abbildungen (injektiv, surjektiv, bijektiv, Bild, Urbild, Umkehrabbildung)	applications (injective, surjective, bijective, image, image réciproque, application réciproque)
Gruppen, abelsche Gruppe, symmetrische Gruppe, Untergruppe, Ringe, Ring mit 1, kommutativer Ring, Einheitengruppe, Nullteiler, Integritätsring, Unterring, Körper, Homomorphismen	groupes, groupe abélien, groupe symétrique, sous-groupe, anneaux, anneau unitaire, anneau commutatif, groupe des unités, diviseur de zéro, anneau intègre, sous-anneau, corps, homomorphismes
Äquivalenzrelation	relation d'équivalence
$\mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ (Menge der Restklassen modulo m)	$\mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ (ensemble des résidus modulo m)
komplexe Zahlen $\mathbb{C}$	nombres complexes $\mathbb{C}$
### Kapitel 2	### Chapitre 2
Vektorräume, Untervektorräume, Homomorphismen/lineare Abbildungen	espaces vectoriels, sous-espaces vectoriels, homomorphismes/applications linéaires
Bild und Kern eines Homomorphismus	image et noyau d'application linéaire
Linearkombination, linear abhängig, linear unabhängig, Erzeugnis/span	combinaison linéaire, linéairement dépendant/liée, linéairement indépendant/libre, span
Basis, kanonische Basis des $\mathbb{K}^n$	base, base canonique de $\mathbb{K}^n$
Dimension $\dim V$	dimension $\dim V$
Summe von Vektorräumen, direkte Summe, Projektion, komplementärer Untervektorraum	somme des espaces vectoriels, somme directe, projection, sous-espace complémentaire/supplémentaire
Quotientenvektorraum	espace quotient
### Kapitel 3	### Chapitre 3
Lineare Gleichungssysteme, (erweiterte) Koeffizientenmatrix, $Sol(A, b)$	système d'équationes linéaires, matrice (augmentée) des coefficients, $Sol(A, b)$
Gauss-Algorithmus, elementare Zeilenoperationen, Zeilen-Stufen Form	méthode d'élimination de Gauss-Jordan, opérations élémentaires, matrice écholonée

Matrizen, Zeilenvektoren, Spaltenvektoren, Matrizen-Multiplikation, Matrizenring $M(n \times n, \mathbb{K})$	matrices, vecteur ligne, vecteur colonne, produit de deux matrices, l'anneau des matrices $M(n \times n, \mathbb{K})$
darstellende Matrix $M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}}(\Phi)$ eines Homomorphismus $\Phi : V \to W$ bzgl. einer Basis $\mathcal{A}$ von V und einer Basis $\mathcal{B}$ von W	$M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}}(\Phi)$ = matrice de l'homomorphisme $\Phi : V \to W$ par rapport aux bases $\mathcal{A}$ de V et $\mathcal{B}$ de W
Homomorphismus $\mathbb{K}^n \to \mathbb{K}^m$ assoziiert zur Matrix $A \in M(m \times n, \mathbb{K})$	homomorphisme $\mathbb{K}^n \to \mathbb{K}^m$ associé à une matrice $A \in M(m \times n, \mathbb{K})$
$\mathrm{Hom}(V, W), \mathrm{End}(V), \mathrm{Aut}(V)$	$\mathrm{Hom}(V, W), \mathrm{End}(V), \mathrm{Aut}(V)$
A^T = Transponierte von A	A^T = transposée de A
invertierbare Matrizen, $GL_n(\mathbb{K})$	matrices inversibles, $GL_n(\mathbb{K})$
Transformationsmatrix $T_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}}$ für zwei Basen, Koordinaten	matrice de transformation / matrice de passage $T_{\mathcal{B}}^{\mathcal{A}}$ entre deux bases, coordonnées
ähnliche (konjugierte) Matrizen, äquivalente Matrizen	matrices semblables, matrices équivalentes
Rang eines Homomorphismus, Zeilenrang $\mathrm{ZR}(A)$, Spaltenrang $\mathrm{SR}(A)$	rang de l'application linéaire, rang des vecteurs lignes $\mathrm{ZR}(A)$, rang des vecteurs colonnes $\mathrm{SR}(A)$
Axiome für die Determinante	caractérisation axiomatique du déterminant
Determinante eines Endomorphismus	déterminant d'un endomorphisme
Elementarmatrizen	matrices élémentaires
Symmetrische Gruppe S_n, Transpositionen, Inversionen, Signum sign	groupe symétrique S_n, transposition, inversion, signe sign
komplementäre Matrix $A^\sharp$	matrice complémentaire $A^\sharp$
Kapitel 4	**Chapitre 4**
Eigenwerte, Eigenvektoren, Eigenräume	valeur propre, vecteur propre, espace propre
diagonalisierbar, Diagonalmatrix	diagonalisable, matrice diagonale
charakteristisches Polynom	polynôme caractéristique

Polynomring $\mathbb{K}[t]$, Grad eines Polynoms	anneau des polynômes $\mathbb{K}[t]$, degré du polynôme
Vielfachheit/Multiplizität der Nullstelle $\mu(p,\lambda)$	multiplicité de la raçine $\mu(p,\lambda)$
trigonalisierbar, obere (untere) Dreiecksmatrix, F-invariante/stabile Fahnen	trigonalisable, matrice triangulaire supérieure (inférieure), drapeau stable/invariant par F
algebraischer Abschluss $\overline{\mathbb{K}}$	clôture algébrique $\overline{\mathbb{K}}$
$\Phi_F : \mathbb{K}[t] \to \mathrm{End}(V)$, $\Phi_A : \mathbb{K}[t] \to M(n \times n, \mathbb{K})$	$\Phi_F : \mathbb{K}[t] \to \mathrm{End}(V)$, $\Phi_A : \mathbb{K}[t] \to M(n \times n, \mathbb{K})$
Ideal, Hauptideal, Hauptidealring	idéal, idéal principal, anneau principal
Minimalpolynom M_F	polynôme minimal
nilpotente Endomorphismen	endomorphisme nilpotent
Jordanblock, J_k	bloc de Jordan, J_k
Verallgemeinerte Eigenräume N_λ	espaces caractéristiques N_λ
Jordan-Normalform	réduction de Jordan
Kapitel 5	**Chapitre 5**
Skalarprodukt $\langle\ ,\ \rangle$ auf einem reellen Vektorraum, euklidischer Vektorraum, Norm $\|\ \|$, Abstand/Metrik $d(\ ,\ )$, Orthogonalität $\perp$, Winkel	produit scalaire $\langle\ ,\ \rangle$ sur un espace vectoriel réel, espace euclidien, norme $\|\ \|$, distance/métrique $d(\ ,\ )$, orthogonalité $\perp$, angle
Skalarprodukt $\langle\ ,\ \rangle$ auf einem komplexen Vektorraum, unitärer Vektorraum, Norm $\|\ \|$, Abstand $d(\ ,\ )$, Orthogonalität $\perp$	produit scalaire $\langle\ ,\ \rangle$ sur un espace vectoriel complexe, espace hermitien, norme $\|\ \|$, distance $d(\ ,\ )$, orthogonalité $\perp$
Standard Skalarprodukt auf $\mathbb{R}^n$ und auf $\mathbb{C}^n$	produit canonique sur $\mathbb{R}^n$ et $\mathbb{C}^n$
Orthonormalbasis (ONB), orthogonale Basis	base orthonormée (BON), base orthogonale
orthogonales Komplement, orthogonale Summe	supplémentaire orthogonal, somme directe orthogonale
orthogonale und unitäre Endomorphismen, $O(n)$, $U(n)$	endomorphismes orthogonals et unitaires, $O(n)$, $U(n)$

Orientierung eines reellen Vektorraums	orientation d'un espace vectoriel réel
orientierungserhaltende und orientierungsumkehrende Endomorphismen	endomorphismes qui préserve ou renverse l'orientation
$GL_n^+(\mathbb{R})$, $GL_n^-(\mathbb{R})$, $SO(n)$	$GL_n^+(\mathbb{R})$, $GL_n^-(\mathbb{R})$, $SO(n)$
selbstadjungierte Endomorphismen, symmetrische und hermitesche Matrizen	endomorphismes autoadjoints, matrices symétriques, matrices hermitiennes
Bilinearform (symmetrische, alternierende), darstellende Matrix, zugehörige quadratische Form	forme bilinéaire (symétrique, alternée), représentation matricielle, forme quadratique associée
positiv definite Matrix	matrice définie positive
Ausartungraum von s	noyau de s
Kegelschnitte	coniques
Kapitel 6	**Chapitre 6**
Linearformen, Dualraum V^*, duale Basis	formes linéaires, espace dual V^*, base duale
Annulator U^0	annulateur U^0
duale Abbildung F^*	homomorphisme dual / application transposée F^*
V^{**} = Bidualraum von V, kanonische Abbildung $\iota : V \to V^{**}$	V^{**} = bidual de V, application canonique $\iota : V \to V^{**}$
nicht ausgeartete Bilinearform	forme bilinéaire non dégénérée
adjungierte Abbildung F^{ad}, selbstadjungierte Abbildung	application adjointe F^{ad}, application autoadjointe
normaler Endomorphismus	endomorphisme normal
Abschnitte 7.1-7.2	**Sections 7.1-7.2**
Tensorprodukt $V \otimes W$, $\eta : V \times W \to V \otimes W$, $\xi_\otimes$, elementarer Tensor	produit tensoriel $V \otimes W$, $\eta : V \times W \to V \otimes W$, $\xi_\otimes$, tenseur élémentaire
Komplexifizierung eines reellen Vektorraums	complexification d'un espace vectoriel réel
$A(V)$, $S(V)$, äusseres Produkt, $\wedge : V \times V \to V \wedge V$, $\xi_\wedge$	$A(V)$, $S(V)$, produit extérieur, $\wedge : V \times V \to V \wedge V$, $\xi_\wedge$

symmetrisches Produkt, ξ_{sym}, $sym : V \times V \to S^2(V)$	produit symétrique, ξ_{sym}, $sym : V \times V \to S^2(V)$
$\mathrm{Bil}(V, W; U)$, $\mathrm{Alt}(V, W)$	$\mathrm{Bil}(V, W; U)$, $\mathrm{Alt}(V, W)$

Abschnitt 7.3 (äussere Algebra) wird nicht geprüft.

La section 7.3 (Algèbre extérieur) n'est pas examinée.